GPRにおけるデータ処理法

西山 英一郎1)・鈴木 敬一1)・笠井 弘幸1)

1. はじめに

GPR (ground penetrating radar;地中レーダ) は,電磁波の波動としての性質を利用して,地下構 造のイメージングを行う物理探査装置である.本文 では,表題にあるように地中レーダを用いた探査手 法や技術体系全体を指してGPRあるいは地中レー ダと呼ぶ場合もある.

GPR探査では一対の送受信器を用いる.送信器 から地下に向けて発せられた電磁波は,電磁気的 な不連続面で反射・透過および屈折を繰り返し, 波動エネルギーの一部が受信器に到達する.地質 学的な不連続面,たとえば層理面や断層面,クラッ ク,岩種の異なる境界面など,また土木的な構造物 や建造物,空洞などの存在するところでは,電磁気 学的な物性値が急変する場合が多い.観測される 反射波は,地下の地質・土木的な何らかの情報を もたらしていると考える.GPR探査は,電磁波がと らえた地下の構造から,地質・土木的な構造を推 定するための反射法探査である.

データ処理に関しては、GPRは先達の反射法地 震探査に完全に負っている.得られるデータは、 地震探査の記録断面と見かけ上何ら変わりはな い.GPRにおいては、探査深度が数メートルから数 十メートル、分解能が数十センチメートルから1メー トル程度、そして時間軸の単位がナノセカンドであ る.

本文では,反射法地震探査のデータ処理法一般 を参照し,GPRにおけるデータ処理法を実例とと もに解説する.



第1図 GPR反射法データ処理の手順.

2. 反射法データ処理の概要

第1図に筆者らが行っているデータ処理の大ま かな流れを示す.GPR反射法のデータ処理は、ほ ぼ全てが反射法地震探査に取材したものである.

データ処理の体系は、デコンボリューション (deconvolution)とマイグレーション(migration)を 中心に構成されている。デコンボリューションは、 基本ウェーブレットの影響を取り除き、記録断面の 分解能を向上させる処理である.マイグレーション は、記録断面上の回折波を除去し、傾斜した反射 波の列を地下の真の位置に戻す操作である.

二つの主要なデータ処理の効果を向上させるため,必要に応じて付随的なデータ処理が行われる.

 ¹⁾ 川崎地質株式会社環境防災事業部: 〒108-8337 東京都港区三田 2-11-15

キーワード: 反射法, 反射波, 回折波, フィルタ, デコンボリューション, マイグレーション, 連続波レーダ, 反射法地震探査

デコンボリューションに先立ち,深部の振幅を十分 回復させるために,球面発散効果を補償する処理 と差分処理が行われる.地中に送信された電磁波 は,球面状に広がって伝播するため伝播距離とと もにエネルギーの密度が減少する.これを球面発 散効果という.ほかにも送信信号の振幅を減衰さ せる要因は数多くある.データ処理の最初の段階 で,振幅の減衰を大まかに補正するものが球面発 散の補償である.差分処理は,卓越する直達波を 除去し微弱な信号を抽出するものである.

デコンボリューションは記録の周波数帯域を広め,もともと存在しない高周波の成分を生成する. そのため,デコンボリューションの後にバンドパスフィルターを適用する.マイグレーションを行って最終断面を得る前に,振幅回復処理を行う.これは,記録断面の浅部から深部にいたるまで,また一つ一つの反射波記録が同程度の平均振幅を示すように振幅の調整を行うものである.

深度によって有為な情報をもたらす周波数成分 が異なる場合は、スペクトル解析を行って深度ごと に適当な帯域のバンドパスフィルタを適用する. 記 録断面の表示や出力を目的として、振幅調整を施 す場合もある. 振幅の補正に関する処理、スペクト ル解析やバンドパスフィルタはデータ処理のいろい ろな局面で用いられる.

反射法地震探査では、デコンボリューションおよ びマイグレーションとともに、CMP重合を中心とす るものが主要なデータ処理の一つである.CMPは common midpoint (共通の中点)を意味する. CMP重合に関連する処理は、地下のある反射点 を共有し波線を異にする反射波記録のグループ (CMPギャザー)に対して行われる.これらのデー タはマルチチャンネル計測により得られるものであ る.CMP重合の過程で,記録のS/Nの向上と多重 反射の抑制が達成され,地下の地震波速度構造が 決定される.CMPギャザーでは時間軸と空間軸と を同時に扱うことができるため,適用可能なデータ 処理の範囲が飛躍的に増大する.

GPR探査では、マルチチャンネルでの計測が実 用化されていない. CMP重合関連のデータ処理は 今後の課題である.地下の電磁波伝播速度の情報 は、ワイドアングル法で得られる.周辺の大局的な 値が得られるのみであるが、この値はマイグレーシ ョンおよび地形補正、深度変換に用いられる.ワイ ドアングル法については、本特集号の鈴木他に概 略の説明がある.

3. データ処理各論

ここでは, GPR探査の代表的なデータ処理について, 関連する事項を含めて個別に説明する. 個々の事項を記述する際,必要に応じてデータ処 理の施された記録断面を示す.用いたデータセット は財団法人電力中央研究所の赤城試験センターで 収録されたものである(鈴木他, 1997).

3.1 連続波レーダ・データセット

赤城試験センターの一画に地中に鋼管を埋設した場所がある(第2図).周辺地質はおもに関東ロ ームである.第2図の縦断図にある通り,斜面正面 から奥に向かって深度方向に1m,水平方向に3m おきに直径10cmの鋼管が埋設されている.計測





- 54 ---



は、上段地表面上をNo.1からNo.5の鋼管に向か う方向に20cm間隔で行った.測線全長は18.4m, トレース数は93である.計測周波数帯域は20~ 160MHzである.この間を0.35MHzごとに合計401 の異なる周波数の信号を用いている.計測により 得られたデータを第3図に示す.

3.2 球面発散効果の補償

送信器を発した電磁波の単位面積あたりの波動 エネルギーは,球面発散効果のために伝播距離と ともに減少する.球の表面積は半径の2乗に比例 するから,送信点からの距離がn倍になると,エネ ルギー密度は1/n²に減少し振幅は1/nになる.地 中を伝播することに伴う振幅の減少は,他のいろ いろな要因のためにさらに大きなものとなるが,そ れらを正確に把握することは難しい.

本格的なデータ処理に先立ち,時間軸の増加す る方向へ,振幅の減少を補正する重み付けを行 う.すべての測定記録に対して同一の処理を行う. 球面発散効果を基本とし,適当な係数の指数関数 を加味したものを重み関数とする.ある深度を基 準として,伝播距離に比例した量が増幅度の基本 となる.このとき,地下のおおよその電磁波伝播速 度を見積もる必要がある.第4図に,フィールド記 録に対して本処理を施した記録断面を示す.深度 100nsを基準とし,一様の勾配で深度450nsでの増 幅度が8.4となる重み付けがなされている.



3.3 差分処理

記録断面中の走時の早いある時刻に,ほぼ同一 の特徴を持つ信号の列が観測されることがある. 送信器を発した信号が,空中および地表を伝播し て直接受信器にとらえられたものである.これらを 直達波と呼ぶ.空中および地表を伝播する電磁波 の速度はそれぞれ異なるが,送受信器間隔は数m と非常に短いため,実質的な走時差が生じず一連 の波として観測される.送受信器が隣接して配置 された一体型のシステムでは,信号を発したと同時 に大振幅の信号が収録される.

直達波の振幅が地下の反射波の振幅に比べて 格段に大きいと、有用な情報が埋もれてしまう、そ の場合は、記録断面全体から標準となる記録を生 成し、各測定点の記録からこの標準記録を差し引 く処理を行う、これを差分処理あるいは平均波形 除去処理と呼ぶ、記録断面の領域により、平均的 な記録が異なると判断される場合は、それぞれの 領域ごとに平均波形を算出して差分処理を行う。

差分処理は簡便な操作で微弱な信号を抽出す ることができるが、実施に際しては以下の点に注意 を要する.第一に、地表に対して平行に並ぶ信号 が不明瞭になる場合があることである.第二に、差 分処理は振幅値の単純な引き算であるため、周波 数成分が本来のものと変わってしまうことである. 以上の点を考慮して、なお有為な信号の抽出に有 効であると判断される場合に本処理を適用する.

1999年5月号

第5図に差分処理の施された記録断面を示す.

3.4 周波数フィルタ

周波数フィルタの概念は,波動のデータ解析を 考える場合に最も基本的なものである.任意の波 は,周波数の異なる複数の単振動の重ね合わせで 合成される.波形や振幅の違いは,各単振動成分 の振幅と位相の違いとしてあらわれる.各成分の 振幅と位相を,周波数に対してプロットしたものを それぞれ振幅スペクトル,位相スペクトルと呼ぶ. ある波について,各時刻の振幅値を時間軸に対し てプロットしたものを時間領域における表現とい い,振幅および位相スペクトルを示す場合を周波 数領域における表現という.

時間領域の波形から, 振幅スペクトルと位相スペ クトルを求めることを周波数解析あるいはスペクト ル解析という.時間領域および周波数領域におけ る表現は全く等価なもので, 両者の橋渡しはフー リエ変換が行う.計算機を用いた数値計算は, 高 速フーリエ変換(Fast Fourier Transform 略して FFT)のアルゴリズムを用いてきわめて効率的に実 行される.

周波数フィルタは,時間領域の波形をフーリエ変換し,周波数領域において興味のある成分を残し て時間領域の波形に戻すというものである.周波 数領域において,振幅スペクトルには適当な重み 付けを行い位相スペクトルには何も手を加えない. 重み関数は,基本的には通過帯域で1,遮断帯域 で0の値を持つものである.遮断する領域の振幅 を唐突にゼロとしてしまうと,時間領域の波形にゆ がみが生じる.これをさけるために,通過帯域の上 限および下限から振幅を完全にゼロとする周波数 に至る領域で,重み関数に勾配を設ける必要があ る.また,通過帯域の幅の違いや通過帯域が低周 波側にあるのか高周波側にあるのかにより,勾配 の与え方に違いがあるので注意を要する.

周波数フィルタの設計にあたり, 波動の分解能向 上には高周波成分だけでなく低周波成分も寄与す ること, 通過帯域の上限と下限との比の値をある 値以上にする必要があることなどに注意しなけれ ばならない.



た記録断面. 基本的には第4図の断面と同様な 特徴を持つ. 直達波が抑制され, 浅部の反射面 がやや強調された.

3.5 デコンボリューション

継続時間をゼロと見なせるパルス状の信号が, 波形変化を起こさずに地中を伝播し反射波が生成 されたとすると、どんなに近接した反射面も分離す ることができる.現実の送信信号は,ある継続時間 をもつ減衰振動である.また,地中を伝播するうち にいろいろなフィルター作用を受け,徐々にその形 を変える.そのため,記録断面において分離可能 な反射面の間隔には限界がある.

デコンボリューションは,波形変形を引き起こす 要因を取り去り,地下の反射係数の分布をできる だけ高分解能で得ようとする操作である.デコンボ リューションを説明するためには,線形フィルタ,相 互相関と自己相関およびウィナーの最適化フィルタ の概念を導入する必要がある.

<線形フィルタ>

フィルタとは,ある入力に対して何らかの出力を 応答するものである.フィルタの性質は,単位の大 きさのインパルスを入力したときの出力の形で記述 される.入力インパルスをd(1,0,0,…),フィルタ による出力をf(f₀,f₁,f₂,…)とする.fをフィルタの インパルスレスポンスという.加えて次の3つの約束 を与え,これらが成り立つフィルタを線形フィルタと 呼ぶ.

 入力インパルスの大きさがa倍になれば出力 もa倍になる.

- 入力インパルスのパルスの位置がある時間遅れれば出力も同じ時間だけ遅れる.すなわち,d(0,...,1,0,0,...)に対する出力はf(0,...,f₀,f₁,f₂,...)である.
- ③大きさの違うインパルスが時々刻々と入力される場合の最終的な出力は、上の約束に従う一つ一つの出力の重ね合わせとなる。

線形フィルタの概念を用いて、入力と出力との 関係が記述できる対象を線形システムという、ある 波形を持つ信号が入力されることは、大きさの違う インパルスが次々に入力されることと同等であるか ら、ある入力に対する線形システムの出力は③の演 算で得られる、③は、入力されたインパルスの数だ け、インパルスの大きさとインパルスレスポンスとの 積を作り、それぞれを加算する演算である、これを コンボリューション(convolution)という、コンボリュ ーションは畳み込みと訳されるが、積と和をとる演 算という意味で積和という語もある. コンボリュー ションは、積と和で構成されるので線形の演算で ある. 複数のフィルタが作用する場合は、順々に演 算を連ねればよい、線形であるから作用させる順 番は問われず,交換と結合の法則が成立する.入 力w($w_0, w_1, w_2, ...$)に対するフィルタf($f_0, f_1, f_2, ...$) の出力はコンボリューションで表される. これをw*f と書く、線形フィルタについては、本特集号の鈴木 他に図や式による説明があるので参照していただ きたい.

<相互相関と自己相関>

時系列x(x₀, x₁, x₂, ..., x_{2n})とy(y₀, y₁, y₂, ..., y_{2n})について, これらの類似性を論じる場合を考え る. 表記の便宜上xとyの長さを2n+1とした. まず, x とyの同一時刻の値同士で積をつくり, すべての 時刻にわたって加算する. これをz₀とすると,

z₀ = x₀y₀ + x₁y₁ + x₂y₂ + ··· + x₂ny_{2n} である.次に,yの時刻を1単位時間シフトさせて 同様のことを行いその結果をz₁とすると,

z₁ = x₀y₁ + x₁y₂ + x₂y₃ + ··· + x_{2n-1}y_{2n} である. 加算の数の整合性をとるために,

z₁ = x₀y₁ + x₁y₂ + x₂y₃ + · · · + x_{2n-1}y_{2n} + x₂y₀ とする場合もある.以下同様にして,相互相関z (z₀, z₁, z₂, ..., z_{2n})を定義する.時間シフトの大きさ を遅延時間と呼ぶ. zの値が大きいほど, x とyと が類似していると評価することができる. zの後半 部分は, xをyに対してこれまでとは逆方向にシフ トさせたと考えてもよいから, z(z.n, Z.n+1, ...,Z.1, Z0, z1, ..., zn)と定義することもできる.

時系列xについて自分自身との相互相関を考え たとき,これをxの自己相関という.自己相関は遅 延時間ゼロのとき最大値をとる.自己相関はxの周 期性を見る指標である.xが周期Tを持てば,遅延 時間 T, 2T, 3T, ...で自己相関は極大値をとる.x が周期性を持たなければ,自己相関は遅延時間ゼ ロでのみ値を持ち,他ではすべてゼロとなる.自己 相関は必然的に偶関数である.

<ウィナーの最適化フィルタ>

ウィナー(Wiener)の最適化フィルタあるいはウィ ナーフィルタとは、ある入力に対して希望する出力 を与えるフィルタである.ウィナーは、この理論を立 案し確立した人の名である.ウィナーフィルタの理 論は、最小2乗法に立脚している.ある入力a(ao, a1, a2, ..., an)に対して、b(bo, b1, b2, ..., bn)を出力し たいとする.f(fo, f1, f2, ..., fm)を設計すべきフィル タとする.fを未知数のままコンボリューションによ るフィルター出力c(co, c1, c2, ..., cn)を作る.cの各 要素は、fの各要素を未知数とする多項式で表さ れる.そして、当面の出力cと希望出力bとの対応 する要素同士の差の2乗和Eを考えると、

 $E = (c_0 - b_0)^2 + (c_1 - b_1)^2 + \dots + (c_n - b_n)^2$ である. Eは,設計すべきフィルタfの各要素の未 知数と入力a,希望出力bの各要素を係数にもつ多 項式である. ここで, Eをゼロとするようにfの各要 素を決めればよい. Eがゼロとなるための必要条 件は, Eをfの各要素で微分したとき,これらがすべ てゼロとなることである.すなわち,fの未知数の個 数からなる連立方程式が得られ,これを解いて目 指すフィルタの係数が決定される.連立方程式の 最終的な形は,入力の自己相関 r_i と入力と希望出 力との相互相関 c_i と未知数 f_i とを用いて次のように 表される.

 $\begin{aligned} r_0 f_0 + r_1 f_1 + r_2 f_2 + \cdots + r_m f_m &= C_0 \\ r_1 f_0 + r_0 f_1 + r_1 f_2 + \cdots + r_{m-1} f_m &= C_1 \\ r_2 f_0 + r_1 f_1 + r_0 f_2 + \cdots + r_{m-2} f_m &= C_2 \\ \cdots \\ r_m f_0 + r_{m-1} f_1 + r_{m-2} f_2 + \cdots + r_0 f_m &= C_m \end{aligned}$

1999年5月号

行列の形で書けば, R F = C である. 主対角成分 がすべて同じ値の行列を, テープリッツマトリックス (Toeplitz matrix)という. Rは対称なテープリッツ マトリックスである. この形の連立1次方程式は, レ ビンソン(Levinson)の漸化式を用いてきわめて効 率的に解くことができる.

<反射波記録のモデル>

反射法データ処理では、地球を線形システムと 考える.入力信号が次々に深部へ達し、それぞれ の深度で反射係数に応じた大きさの反射波が、地 表に向けて返される.地表の受信器では、これら の信号の重ね合わせを反射波記録として受信す る.入力信号をw(wo,w1,w2,...)、地下の反射係 数の時系列をe(eo,e1,e2,...)とすると、受信器に とらえられる反射記録x(xo,x1,x2,...)は、x = w*e と表すことができる.これが、数値計算を行う場合 の反射波記録のモデルである.入力信号wは、測 定機器と地中のいろいろなフィルタ作用が多数組 合わせられたものである.これを基本ウェーブレッ トと呼ぶ.

<デコンボリューションフィルタ**>**

反射記録のモデルをx = w*eとする. 両辺に基 本ウェーブレットwを単位インパルスi(1,0,0,...) に変換するウィナーフィルタfを作用させることによ り,地下の反射係数の時系列を見いだすことがで きる. 上式の両辺に左側からフィルタfを作用させ ると, f*x = f*w*eである. 仮定により, 右辺のf*w は単位インパルスとなる、単位インパルスとeとのコ ンボリューションはe自身である。したがって、フィル タfと観測された反射記録xとのコンボリューション が、地下の反射係数の時系列を与えることになる、 問題は、ウィナーフィルタfを設計することが可能で あるかどうかである.基本ウェーブレットの形は未 知である.ウィナーフィルタの設計には、入力と希 望出力の両方が必要とされる。希望出力は、単位 インパルスとはっきりしているが、入力を指定するこ とができない. その意味ではウィナーフィルタの設 計は不可能である.

ここで,地下の反射係数時系列eに周期性がないという仮定を設ける.これは,地下の構造に周期的な繰り返しがないと仮定することである.そし

て, 反射波記録のモデルx = w*eの自己相関を考 えると,

(xの自己相関)=(wの自己相関)*(eの自己相関)
の形の式が得られる.eの非周期性により,eの自
己相関の部分が単位インパルスとなるから,

(wの自己相関)=(xの自己相関)

という結果が得られる.ウィナーフィルタの設計に は、入力の自己相関と、入力と希望出力との相互 相関が必要である.いま設計を試みているウィナー フィルタの入力は、基本ウェーブレットwである.w の自己相関は、反射波記録xの自己相関で代用で きる.希望出力が単位インパルスであるから、入力 が何であれ入力と希望出力との相互相関は、単位 インパルスに比例するものとなる.したがって、この 場合ウィナーフィルタfの設計は可能であると結論 される.

デコンボリューション後の反射波記録の振幅スペ クトルは,周波数軸に対してほぼフラットになる. 第6図に,デコンボリューション処理を行った記録 断面を示す.第7図に,デコンボリューションの前後 で,反射波記録の振幅スペクトルが変化する様子 を示す.

3.6 マイグレーション

フィールドで得られたデータを図化する場合は, 時間軸を紙面の下方にとり,各測定点での記録を



第6図 第4図の記録にデコンボリューション処理を行った記録断面.120-170ns付近のやや傾斜した反射波の列がよく分離されている.微弱な信号であるが,60-70nsおよび80-100ns付近に傾斜した反射波の連なりが確認される.

地質ニュース 537号



第7図 デコンボリューション前後での反射波記録の振幅スペクトルの比較.5つの反射波記録(データセットの5~9番目の 記録)のスペクトルが重ねて表示されている.(a)は図4の記録断面,(b)は図6の記録断面の反射波記録によるものである。縦軸の絶対値の違いは数値計算上のスケーリングによるものである。デコンボリューション後のスペクトルは周波数帯の全域にわたりほぼ一様な振幅を見せている。

横に並べる.受信器に到達する反射波は,必ずし も鉛直下方から到来したものではない.一般に, 記録断面上の反射波の列は,地下の反射面の真の 傾斜と位置を表していない.

第8図(a)で、A-B-D-Eは地下の地質境界を示 している.この境界面で反射波が発生する.屈曲 点BおよびDは、あらゆる方向から到来する信号に 対して、同じ方向への反射波を返す回折源として はたらく.地表のOからXに向けて等間隔で反射法 探査を行う.送受信点は同一の位置にあるとする. 測定点X1で発せられた信号は球面状に伝播する. X1直下のA-B上の点で反射波が生成されX1の受 信器にとらえられる.波動エネルギーの一部は回折 源Bに達し、先の反射波に遅れて回折波がX1に到 達する.測定点X2では、反射面A-B上のBからの 反射波と反射面B-D上のCからの反射波が観測さ れる.測定点X3からX4の間では、回折源Dからの 回折波が観測されるが、反射面B-Dからの反射波 は観測されない.測定点X4からX側では反射面D- Eからの反射波と回折源Dからの回折波が観測される.

第8図(b)は、横軸に測定点の位置を縦軸に往 復走時をとり、それぞれの測定点の記録を並べた. ものである.反射法計測で得られる記録断面はこ れに相当する.水平な反射面A-BおよびD-Eは、 記録断面上の線分a-bおよびd-e上に並ぶ反射波 の列に対応する.傾斜した反射面B-Dからの反射 波は、記録断面上では線分br-dr上に並ぶ.また、 測定点X1からX2の間およびX3付近には回折波が 観測される.

マイグレーションは, 第8図(b)に相当する通常 の記録断面のデータセットを, 真の地下構造に変換 する処理である. 第9図に, マイグレーション処理 の施された記録断面を示す.

4. おわりに

GPR探査で行われているデータ処理について概



(a)水平な反射面と傾斜 した反射面および回折源 を持つ地下構造のモデル と模式的な波動の伝播経路。

(b)(a)のモデルに対する 反射波記録断面. 観測さ れる反射波および回折波 イベントが示されている.

1999年5月号

観した.反射法地震探査で行われているデータ処 理の基本的なものを利用し,記録の分解能の向上 が達成される.反射法地震探査データ処理の根幹 の一つをなす速度解析に相当するものは一般には 行われていない.GPRにおけるマルチオフセットの 計測が実用化していないためである.

マルチオフセットのデータセットは,速度解析だ けでなく多方面のデータ解析手法に利用される. たとえば,ラドン変換やtau-p変換と呼ばれる,(時間-距離)以外の空間でのデータ処理が適用され る.その空間でのデコンボリューションやフィルタ操 作は,データ解析の新たな視点を提案する.

連続波レーダのデータセットは個々の周波数ごと に収録される.数MHzより周波数の低い領域で は,誘電率の分散現象が顕著にあらわれることが 知られている.すなわち電磁波の伝播速度が周波 数に依存する.誘電分散を示すデータセットを精密 に解析すれば,地下の物性を直接評価することが 可能になる.そのためには,狭帯域の時系列デー タを解析する手法の確立が必要である.誘電分散 の問題は,本特集号の鈴木他で論じている.

本文ではこれまで引用文献を示さなかった.反 射法のデータ処理に関する限り,GPRに特化され た文献は見当たらない.反射法地震探査のデータ 処理では、朝倉(1983),朝倉(1985),石井他 (1983)などに初歩的な解説がある.教科書のスタ ンダードといえるものは,Sheriff and Geldart (1995),Yilmaz(1987)などである.フィルタ理論 一般に関してはClaerbout(1985a),マイグレーシ ョンを中心としたものではClaerbout(1985b)が広 く参照されている.笠原・友田(1993)は,物理探 査一般のデータ処理法について多角的な解説を試 みている.同書には分野別の的を得た参考文献の リストがある.データ処理ソフトウエアを開発する 場合は,Robinson(1967),Press *et al.*(1986)な どを参照されるとよい.



第9図 第7図の記録にマイグレーション処理を行った記 録断面.回折波が回折点に正しく戻されている. 本処理前に20-120MHzのバンドパスフィルタと 振幅補正,処理後に20-80MHzのバンドパスフィ ルタを適用した.

文 献

- 朝倉夏雄(1983): 反射法データ処理におけるフィルタリングの基礎概念. 物理探鉱, 36, 87-99.
- 朝倉夏雄(1985):地震反射法におけるデータ処理技術(1),(2).号 外地球,82-95.
- Claerbout, J. F. (1985a) : Fundamentals of geophysical data processing : with applications to petroleum prospecting. Blackwell Scientific Publications.
- Claerbout, J. F. (1985b) : Imaging the earth's interior. Blackwell Scientific Publications.
- 石井吉徳,加藤俶史,村山隆平(1983):3次元構造と反射法マイグ レイション-模型実験による考察-.物理探鉱,36,49-63.
- 笠原順三, 友田好文 (1993):コンピュータ地球科学. 東京大学出版 会.
- Press, W. H., Flannery, B. P., Teukolsky, S. A. and Vetterling, W. T. (1986) : Numerical recipes : the art of scientific computing. Cambridge University Press.
- Robinson, E. A. (1967) : Multichannel time series analysis with digital computer programs. Holden-Day.
- Sheriff, R. E., and Geldart, L. P. (1995) : Exploration Seismology 2nd edition. Cambridge University Press.
- 鈴木敬一,伊藤牧人,田辺一夫(1997):ステップ式FM-CWレーダ による埋設管探査実験、物理探査学会第96回学術講演論文集, 376-380.
- Yilmaz, O. (1987): Seismic data processing (Investigations in geophysics, vol. 2). Society of Exploration Geophysicists.

NISHIYAMA Eiichiro, SUZUKI Keiichi and KASAI Hiroyuki (1999) : The GPR data processing.

<受付:1999年4月1日>